

COMPOSITION DE LA 2^{ème} PERIODEEPREUVE : de MathématiquesSérie : T.S.EXPCOEF : 03DUREE : 03HEXERCICE1:

- 1) Soit la fonction h définie par : $h(x) = \frac{x^2-2x-2}{x^3-1}$
- a) Détermine trois réels a ; b et c tels que $\forall x \in \mathbb{R} - \{1\}, h(x) = \frac{a}{x-1} + \frac{bx+c}{x^2+x+1}$
- b) Dédus-en la primitive H de h sur $] -\infty, 1[$ telle que $H(-1) = -\ln 2$
- 2) Soit x un nombre, $I(x)$ et $J(x)$ les intégrales suivantes:
- $$I(x) = \int_0^x \cos^2 t dt \quad J(x) = \int_0^x \sin^2 t dt.$$
- a) Calcule $I(x) + J(x)$ et $I(x) - J(x)$
- b) En déduis $I(x)$ et $J(x)$.

EXERCICE 2:

- 1) Résous dans $\mathbb{R}$ les équations suivantes :
- a) $3e^{2x} - 5e^x + 2 = 0$; b) $e^{3x+1} + \sqrt{e^{3x+1}} - 6 = 0$
- 2) Soit le polynôme P défini par $P(x) = x^4 + 7x^3 - 7x^2 - 43x + 42$
- a) Calcule $P(1)$ et $P(-3)$ puis factorise $P(x)$
- b) Résous dans $\mathbb{R}$ l'équation $P(x) = 0$
- c) En déduis $\mathbb{R}$ la résolution des équations suivantes :
- ✓ $(\ln x)^4 + 7(\ln x)^3 - 7(\ln x)^2 - 43\ln x + 42 = 0$
- ✓ $e^{4x} + 7e^{3x} - 7e^{2x} - 43e^x + 42 = 0$

PROBLEME :

Soit la fonction f définie sur $\mathbb{R}$ par: $f(x) = 8(e^{-x} - e^{-2x})$

- 1a) Démontre que pour tout réel x , on a : $f(x) = \frac{8(e^x-1)}{e^{2x}}$
- a) Démontre que pour tout réel x , on a : $f'(x) = \frac{8(2-e^x)}{e^{2x}}$. En déduis le signe de $f'(x)$.
- b) Détermine les limites de f en $-\infty$ et en $+\infty$.
- c) Dresse le tableau de variation de f sur son ensemble de définition.
- d) Représente la fonction f dans un repère orthogonal. (unités 4cm sur ox et 2cm sur oy).
- 1) On injecte à l'instant $t = 0$ une substance dans le sang d'un animal. A l'instant t où t est positif et exprimer en seconde, la concentration g de la substance injectée est :
- $g(t) = (e^{-t} - e^{-2t})$. On rappelle que la « **concentration** » est le rapport entre la quantité du liquide et la quantité du sang qui le contient pour lesquels la concentration est égale au quart de sa valeur maximale.
- a) Au bout de combien de temps la concentration est-elle maximale ? On donnera une valeur approchée par défaut de ce résultat en centime de secondes

- b) Détermine les instants t_1 et t_2
- c) En utilisant les résultats de la question 1), Donne le tableau de variation de la concentration du sang en fonction du temps t